

Л.В. Вознюк, І.В. Грузевич,  
О.Д. Дятлов, О.В. Підтиченко, С.В. П'острай

## РОЗВ'ЯЗУВАННЯ ДЕЯКИХ ЗАДАЧ НАРИСНОЇ ГЕОМЕТРІЇ ЗА ДОПОМОГОЮ ЕОМ

*Викладена методика розв'язку деяких задач нарисної геометрії за допомогою ЕОМ. Розроблені геометричні алгоритми просторового розв'язку, алгоритми графічного розв'язку та алгоритми машинного розв'язку.*

В даний час у виробничій практиці все більш широке застосування отримали аналітичні методи розв'язку інженерно-геометричних задач з використанням ЕОМ і засобів машинної графіки.

При розв'язуванні інженерно-геометричних задач з використанням ЕОМ ведуться роботи з автоматизації розв'язку задач нарисної геометрії.

Система нарисної геометрії включає дві підсистеми: мінімальну і розширену. Мінімальна система нарисної геометрії включає в себе геометричні дії з такими геометричними образами, як точка, пряма, коло на площині. Мінімальна система – частина розширеної і відрізняється від неї більш зручною системою операторів і розширенням варіантів задання прямої на площині.

Розширенна система нарисної геометрії включає в себе готові алгоритми і відповідні програми, які реалізують геометричні дії не лише з точками, прямими й колами на площині, але й додатково з такими геометричними образами, як дуга кола, крива другого порядку, лекальна (задана точками) крива на площині і в просторі, а також геометричні дії з площинами і деякими поверхнями.

Мінімальна геометрична система нарисної геометрії ґрунтуються на геометричних діях з такими плоскими геометричними образами, які не можуть бути представлені сукупністю скінченного числа других і за допомогою яких можна розв'язувати задачі нарисної геометрії традиційними методами побудови на площині.

Визначаємо ці образи на площині в системі координат  $U-I$ . Причому система координат  $U-I$  може бути поміщена в будь-яке місце комплексного креслення, прийнятого для просторових задач нарисної геометрії.

Точку і коло на площині визначаємо однозначно, а саме: для точки – дві координати  $UT$ ,  $VT$ ; для кола – точка центра  $C$  і радіус кола  $R$ . Пряма на площині може бути визначена різними варіантами: варіант 1 – дві точки  $T_1$  та  $T_2$ ; варіант 2 – точка  $T$  і кут  $F$  в градусах нахилу до осі  $U$ ; варіант 3 – коефіцієнти  $A$ ,  $B$ ,  $C$  алгебраїчного рівняння прямої  $Au + Bv + C = 0$ .

Присвоїмо кожному геометричному образу певну назву, яка відповідає оператору ФОРТРАН'a для визначення (задання) геометричного образу (табл. 1).

Всі символічні імена згідно з правилами ФОРТРАН'a визначаються у вигляді набору заголовних латинських букв і цифр до шести символів, з яких перший – обов'язково буква.

Розв'язок задачі за допомогою мінімальної геометричної системи нарисної геометрії виконують у такій послідовності:

1. Виконують просторовий аналіз умови задачі і будують модель у вигляді наочного рисунка.
2. Складають геометричний алгоритм просторового розв'язку, записують у вигляді певної послідовності геометричних дій з використанням прийнятої символіки і відображають на просторовій моделі.
3. Розробляють і записують алгоритм графічного розв'язку у вигляді послідовності графічних дій на комплексному кресленні. При цьому використовують методи традиційної нарисної геометрії.
4. Розробляють алгоритм машинного розв'язку, використовуючи графічний алгоритм, що максимально наблизений до машинного.
5. Налагодження алгоритму і розв'язку на ЕОМ.

Таблиця 1

№ п/п	Геометричний образ	Символічне визначення	Графічне зображення	Примітка
1	Точка на площині	$T = THK(UT, VT)$		$T$ – символічне ім'я точки $UT, VT$ – координати точки
2	Коло на площині	$O = OKR(UT, VT)$		$O, C$ – символічні імена кола і точки центра
3	Пряма на площині (варіант 1)	$P1 = PRM1(T1, T2)$		$P1, T1, T2$ – символічні імена прямої і двох точок
4	Пряма на площині (варіант 2)	$P2 = PRM2(T, F)$		$P2, T$ – символічні імена прямої і точки $F$ – кут в градусах
5	Пряма на площині (варіант 3)	$P3 = PRM3(A, B, C)$		$P3$ – символічні імена прямої $A, B, C$ – коефіцієнти рівняння прямої $Au + Bu + C = 0$

**Задача.** Знайти точки перетину прямої  $[AB]$  з поверхнею конуса  $S$  (рис. 1).

Вихідні дані:

$$XA = 80, YA = 40, ZA = 20,$$

$$XB = 10, YB = 10, ZB = 20,$$

$$XO = 45, YO = 30, ZO = 10,$$

$$R = 25, XV = 80, YV = 50, ZV = 40.$$

В позначеннях на першому місці – координата, на другому місці – назва точки.

Переводимо ці дані в координати  $U-V$  комплексного креслення. Позначимо точки наступним чином. Спочатку – назва точки, в кінці додаються букви:  $H$  – для горизонтальної проекції і  $V$  – для фронтальної.

Одержано:

$$AH: U = -80, V = -40;$$

$$AV: U = -80, V = 20;$$

$$BH: U = -10, V = -10;$$

$$BV: U = -10, V = 20;$$

$$OH: U = -45, V = -30;$$

$$OV: U = -45, V = 10;$$

$$VH: U = -80, V = -50;$$

$$VV: U = -80, V = 40; R = 25/$$

Розв'язуємо дану задачу за запропонованою методикою.

1. Подумки аналізуємо просторову модель, уявляємо, що конус утворений за допомогою кола, паралельного горизонтальній площині проекцій, а пряма  $[AB]$  паралельна цій же горизонтальній площині проекцій  $\Pi_1$ . Можна зробити висновок, що для розв'язку задач

раціонально використовувати метод допоміжної площини, паралельної горизонтальній площині проекцій  $\Pi_1$ .

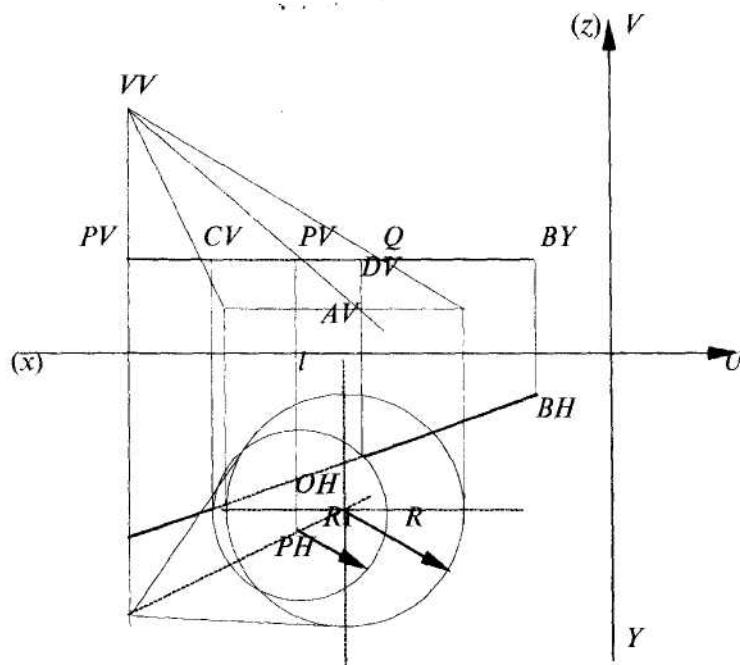


Рис. 1

2. Геометричний алгоритм просторового розв'язку складається в такій послідовності.

а) через пряму  $|AB|$  проводиться допоміжна площа, паралельна горизонтальній площині проекцій  $\Pi_1$ ;

б) визначається лінія перетину допоміжної площини з поверхнею конуса; ця лінія являє собою коло;

в) знаходяться точки  $C$  і  $D$  перетину кола з прямою  $|AB|$ .

Знайдені точки  $C$  і  $D$  – розв'язок задачі.

Записуємо геометричний алгоритм:

а)  $PR \supset |AB| \wedge PR \parallel H$ ;

б)  $F = S \cap PR$ ;

в)  $C, D = F \cap |AB|$ .

3. Розробляємо графічний алгоритм розв'язку:

а)  $OV, C \llbracket OX) \wedge |O, V, C| = R$ . Знаходимо на фронтальній площині проекцій точку  $C$  твірної конуса, яка лежить на основі;

$PV = AV, BV \cap OV, VV$ . Знаходимо на фронтальній площині проекцій точку  $PV$  перетину прямої  $|AB|$  з віссю конуса  $OV, VV$ ;

$Q = AV, BV \cap C, VV$ . Знаходимо точку  $Q$  перетину прямої  $|AB|$  з твірною конуса  $C, VV$ .

б)  $R1 = |RV, Q|$ . Визначаємо радіус  $R1$  кола перетину конуса з площею, яка паралельна горизонтальній площині проекцій і проходить через пряму  $|AB|$ . Радіус  $R1$  визначається як відстань між точками  $PV$  і  $Q$   $I \llbracket OZ) \wedge II \supset PV$ . Проводимо вертикальну лінію зв'язку  $l$  через точку  $PV$

$PH = OH, VH \cap l$ . Визначаємо горизонтальну точку  $PH$  як точку перетину лінії зв'язку  $l$  з горизонтальною проекцією осі конуса. Точка  $PH$  є центром кола.

в)  $CH = AH, BH \cap PH, R1$ . Визначаємо горизонтальні проекції точок  $C$  і  $D$  як точки перетину кола  $F(PH, R1)$  з прямою  $AH, BH$ ;

$m \parallel OZ \wedge m \supset CH$ . По лініях зв'язку  $m$  і  $n$  горизонтальних проекцій точок  $A$ ,  $B$  знаходимо їх фронтальні проекції  $CV$ ,  $DV$  в перетині з прямую  $AV$ ,  $BV$ .

Точки  $CH$ ,  $CV$ ,  $DH$ ,  $DV$  – розв'язок задачі.

4. Розробляємо алгоритм машинного розв'язку.

<i>OALL PUSK(1)</i>	Початок
<i>AH = THK(-80., -40.)</i>	Задання вихідних геометричних образів
<i>AV = THK(-80., 20.)</i>	
<i>BH = THK(-10., -10.)</i>	
<i>BV = THK(-10., 20.)</i>	
<i>OH = THK(-45., -30.)</i>	
<i>OV = THK(-45., 10.)</i>	
<i>VH = THK(-80., -50.)</i>	
<i>VV = THK(-80., 40.)</i>	
<i>AVBV = PRM1(AV, BV)</i>	
<i>AHBH = PRM1(AH, BH)</i>	
<i>OVVV = PRM1(OV, VV)</i>	
<i>OHVH = PRM1(OH, VH)</i>	
<i>OVC = PRM2(OV, O)</i>	Визначення точки С
<i>OK = OKR(OV, 25)</i>	
<i>C = PRS(OVC, OK, 2)</i>	
<i>PV = PRS(AVBV, OVVV, O)</i>	Визначення точок PV і Q
<i>CVV = PRM1(OVC, OK, 2)</i>	
<i>Q = PRS(AVBV, CVVV, O)</i>	
<i>R1 = RST(PV, Q)</i>	Визначення радіуса R1
<i>PH = PRS(PRM2(PV, 90), OHVH, O)</i>	Визначення точки PH
<i>F = OKR(PH, R1)</i>	Визначення точок CH і DH
<i>CH = PRS(AHBH, F, 1)</i>	
<i>DH = PRS(AHBH, F, 2)</i>	
<i>PM = PRM2(CH, 90)</i>	Визначення точок CV і DV
<i>PN = PRM2(DH, 90)</i>	
<i>CV = PRS(PM, AVBV, O)</i>	
<i>DV = PRS(PN, AVBV, O)</i>	
<i>CALL PECHAT(1, CH)</i>	Виведення на друк координат
<i>CALL PECHAT(1, CV)</i>	точок CH, CV, DH, DV
<i>CALL PECHAT(1, DH)</i>	
<i>CALL PECHAT(1, DV)</i>	
<i>STOP</i>	Закінчення
<i>END</i>	

5. Налагоджуємо і виконання машинного алгоритму, який є керуючою програмою.

Результат:

Точка номер 13 координати: -73,266; -37,140

Точка номер 15 координати: -73,266; 30,000

Точка номер 14 координати: -44,343; -24,929

Точка номер 16 координати: -44,343; 20,000

#### ЛІТЕРАТУРА:

1. Катев И.И. Алгоритмы машинной графики. Курс лекций для слушателей факультета повышения квалификации преподавателей. – М.: МАИ, 1975.
2. Михайленко В.Е., Анпилогова В.А., Седлецкая Н.И. Применение ЭВМ в преподавании курса начертательной геометрии: Учеб. пособие. – К.: КИСИ, 1979.

3. Методические указания по начертательной геометрии для студентов первого курса всех специальностей / Сост. Михайленко В.Е., Анпилогова В.А., Седлецкая Н.И. – К.: КИСИ, 1980.
4. *Фролов С.А.* Автоматизация процесса графических задач. – Минск: Вышейш. шк., 1980.
5. Методические указания для слушателей ФПК – преподавателей Вузов “Автоматизация решения задач начертательной геометрии с использованием ЭВМ” / Сост. Бадаев Ю.И., Блиок А.В., Залевский В.И. – К.: КПИ, 1984.
6. Методические указания по решению задач начертательной геометрии с применением ЭВМ / Сост. Малежик И.Ф., Дмитренко Е.Г., Бадаев Н.И. – К.: КТИП, 1984.

**ВОЗНЮК Леонід Валерійович** – студент І курсу групи ТМ-102 факультету інженерної механіки Житомирського інженерно-технологічного інституту.

Наукові інтереси:

- методика розробки графічних алгоритмів розв'язку задач нарисної геометрії.

**ГРУЗЕВИЧ Інна Володимирівна** – студентка І курсу групи АТ-5 факультету інформаційно-комп'ютерних технологій Житомирського інженерно-технологічного інституту.

Наукові інтереси:

- методика розробки графічних алгоритмів розв'язку задач нарисної геометрії.

**ДЯТЛОВ Олександр Дмитрович** – кандидат технічних наук, доцент кафедри металорізальних верстатів і систем Житомирського інженерно-технологічного інституту.

Наукові інтереси:

- розробка методів розв'язування деяких задач нарисної геометрії за допомогою ЕОМ.

**ПІДТИЧЕНКО Олександр Владиславович** – студент І курсу групи АТ-5 факультету інформаційно-комп'ютерних технологій Житомирського інженерно-технологічного інституту.

Наукові інтереси:

- методика розробки машинних алгоритмів розв'язку задач нарисної геометрії.

**ПЬОСТРАЯ Світлана Володимирівна** – студентка І курсу групи АТ-5 факультету інформаційно-комп'ютерних технологій Житомирського інженерно-технологічного інституту.

Наукові інтереси:

- методика складання геометричних алгоритмів просторового розв'язку задач нарисної геометрії.