

Прилади

УДК 004.383.3

І.А. Безвербний, к.т.н., н.с.
Інститут кібернетики НАН України

ВИЗНАЧЕННЯ ТОЧНОСТІ АЛГОРИТМІВ ЦИФРОВОГО АНАЛІЗУ ТОНАЛЬНИХ ТА ПОЛІТОНАЛЬНИХ СИГНАЛІВ

Розглянуто проблеми визначення точності методів цифрового тонального аналізу. Однією з проблем у цій галузі є явище розмиття спектра, в результаті якого сигнал не може бути точно ідентифікований на осі частот. Можливим шляхом вирішення постає розроблення нових цифрових методів фазочастотного аналізу, пристосованих до вимог сучасної апаратури. Метою роботи є аналіз підходів до визначення точності методів, отриманих на основі аналітичних співвідношень, визначення машинної помилки та оптимальних параметрів апаратури з обмеженою розрядністю. Розглянуто апріорні методи визначення частотно-фазових параметрів одно-тональних, бітональних та політональних сигналів. Порівняльний аналіз характеристик точності даних методів дає можливість обрати оптимальну, а отже дешевшу, ніж використовується нині, апаратуру фазочастотного аналізу в реальному часі з наперед визначеною помилкою. Наведено розрахунок необхідної розрядності ЕОМ з фіксованою точкою зокрема для методів, що дозволяють точно визначати частотно-фазові параметри сигналів, які складаються з гармонічних складових.

Ключові слова: розрядна сітка, характеристики точності, тональний аналіз.

Вступ. Частотний аналіз є одним з найскладніших аспектів тонального аналізу. Позаяк частотні характеристики сигналу найповніше відображає частотний спектр, аналіз тонального сигналу відбувається за допомогою дискретного перетворення Фур'є (ДПФ). Однак ДПФ має суттєвий недолік. У разі розбіжності частоти тону аналізованого сигналу з дискретною шкалою ДПФ відбувається розмиття спектра. В результаті сигнал не може бути точно ідентифікований на осі частот. Для вирішення цієї проблеми в сучасній літературі [122–14] пропонується збільшувати дискретну шкалу. Однак такий підхід не дозволяє остаточно вирішити проблему.

Одним із альтернативних шляхів її вирішення постає розроблення нових цифрових методів фазочастотного аналізу, пристосованих до вимог сучасної апаратури. Зазвичай, методи даного типу чітко прив'язуються до параметрів обчислювальної апаратури. Порівняльний аналіз характеристик точності цих методів дає можливість обрати оптимальну, а отже дешевшу, ніж використовується нині, апаратуру фазочастотного аналізу в реальному часі з наперед визначеною помилкою.

Ступінь розробки. В роботах [6–10] розглядається розрахунок необхідного запасу розрядної сітки Δn для нерекурсивних алгоритмів, тобто визначення кількості додаткових розрядів, необхідних для збільшення розрядності вхідних даних під час обчислення результату із заздалегідь визначеною помилкою. Ці способи розрахунку необхідної точності можна використати для чисельних методів фазочастотного аналізу, отриманих на основі аналітичних співвідношень [9–5], що розглядаються в даній роботі.

Метою статті є аналіз підходів до визначення точності методів, отриманих на основі аналітичних співвідношень, коли обчислення відбувається з машинною помилкою. Завданням роботи є визначення цієї помилки та оптимальних параметрів апаратури з обмеженою розрядністю

1. Априорні методи визначення частотно-фазових параметрів тональних сигналів. Внаслідок перекриття амплітудно-частотних характеристик (АЧХ) фільтрів гребінки ДПФ від кожного пелюстка ДПФ з'являється відповідна кількість відгуків. У роботі такий недолік ДПФ перетворено на корисне явище, що дозволяє шляхом розгляду відношення двох відгуків сусідніх фільтрів гребінки ДПФ точно визначати частоту сигналу.

$$K_i = \frac{A \phi_i}{A \phi_{i+1}} \quad (1)$$

Такий підхід не потребує визначення всього спектра для аналізу достатньо лише комплексних значень двох спектральних характеристик для демодуляції одного тону.

Таким чином, невідомі параметри сигналу визначаються за допомогою нелінійної системи рівнянь, випадковими параметрами яких є дискретні значення АЧХ відфільтрованого сигналу. Автоматизований розв'язок такої системи рівнянь (аналітично або за допомогою відомих чисельних методів [12–14]) реалізовано у вигляді алгоритму, який є частиною програмного забезпечення спеціально спроектованих засобів аналізу тональних сигналів.

1.1. Метод частотної демодуляції тонального сигналу. При здійсненні однотонального аналізу передбачається, що розглядається обмежений за часом тональний сигнал постійної амплітуди, частоти і початкової фази. Завданням методу частотно-фазового аналізу є визначення невідомих частоти та початкової фази тонального сигналу. Сигнал проходить процедуру дискретизації, результатом якої є масив з n даних. Згідно з роботами [2, 3], система рівнянь

$$\begin{cases} \omega^{\text{BX}} = \arccos \frac{B \varphi_{i,1} - K_i \cdot R_{1,2} \varphi_{i,2} \cdot C \varphi_{i,1}}{1 - K_i \cdot R_{1,2} \varphi_{i,1}}; \\ \theta^{\text{BX}} = \arctg \frac{\text{tg}(\varphi^{\text{BX}}/2) \cdot \text{Im} \varphi_{i,1}}{P_i - \text{Re} \varphi_{i,1}}; \end{cases} \quad (2)$$

дозволяє отримати шукані значення частотно-фазових параметрів априорно визначеного тонального сигналу. Визначення невідомих частоти $\omega^{\hat{\Delta}0}$ і фази θ^{BX} відбувається згідно з алгоритмом. Такий підхід дозволяє отримати відповідні залежності для сигналу, що містить декілька гармонічних складових.

1.2. Частотно-фазова демодуляція бітонального сигналу. Метод бітонального частотно-фазового аналізу розроблено на основі чисельно-аналітичного методу демодуляції однотонального сигналу. На відміну від методу демодуляції однотонального сигналу, цей метод є ітераційним і передбачає поетапне визначення невідомих частот і фаз вхідного сигналу. Бітональний частотно-фазовий аналіз полягає у тому, що розглядається обмежений за часом бітональний сигнал постійної амплітуди, частоти та початкової фази. Завданням частотного аналізу є визначення невідомих частот $\omega_1^{\hat{\Delta}0}$ і $\omega_2^{\hat{\Delta}0}$, а фазового аналізу – невідомих початкових фаз θ_1^{BX} і θ_2^{BX} кожного з двох тонів. Як і у випадку з однотональним сигналом, аналіз відбувається за рахунок дискретизованого масиву з n даних.

$$\begin{cases} \omega_{1,2}^{\text{BX}} = \arccos \frac{B \varphi_{i,k} - K_{i,k} \varphi_{2,1}^{\text{BX}}, \theta_{2,1}^{\text{BX}} \cdot R_{1,2} \varphi_{i,k} \cdot C \varphi_{i,k}}{1 - K_{i,k} \varphi_{2,1}^{\text{BX}}, \theta_{2,1}^{\text{BX}} \cdot R_{1,2} \varphi_{i,k}}; \\ \theta_{1,2}^{\text{BX}} = \arctg \frac{\text{tg}(\varphi_{1,2}^{\text{BX}}/2)}{\text{tg}(\varphi_{i,k}/2) \cdot P_{i,k} \varphi_{2,1}^{\text{BX}}, \theta_{2,1}^{\text{BX}}}; \end{cases} \quad (3)$$

Розв'язання відбувається за допомогою «процесу» Зейделя. Рівняння слід привести до вигляду, в якому кожне з невідомих буде представлено через інші невідомі:

$$\begin{cases} v_{n+1} = \varphi_1 \varphi_n, x_n, y_n, z_n; \\ x_{n+1} = \varphi_2 \varphi_{n+1}, x_n, y_n, z_n; \\ y_{n+1} = \varphi_2 \varphi_{n+1}, x_{n+1}, y_n, z_n; \\ z_{n+1} = \varphi_2 \varphi_{n+1}, x_{n+1}, y_{n+1}, z_n; \end{cases} \quad (4)$$

де n – номер ітерації. У загальному випадку збіжність відбувається за кількість ітерацій меншу за 20 [4].

1.3. Частотно-фазова демодуляція політонального сигналу. Метод розроблено на основі чисельно-аналітичного методу демодуляції бітонального сигналу. Політональний частотно-фазовий аналіз полягає у тому, що розглядається обмежений за часом політональний сигнал постійної амплітуди, частоти та початкової фази. Завданням аналізу є визначення невідомих частот $\omega_1^{\text{BX}} \dots \omega_m^{\text{BX}}$ і невідомих початкових фаз $\theta_1 \dots \theta_m$ кожного з m тонів. Обчислення відбуваються з огляду на дискретизований масив з n даних. Як і у випадку з бітональним сигналом, задача розв'язується за рахунок побудови і вирішення системи з $2 \cdot m$ нелінійних рівнянь:

$$\left\{ \begin{array}{l} \dots \\ \omega_i^{\text{BX}} = \arccos \frac{B \Phi_i - K_1 \cdot R_{1,2} \Phi_i - C \Phi_i}{1 - K_1 \cdot R_{1,2} \Phi_i}; \\ \dots \\ \theta_i^{\text{BX}} = \arctg \frac{\text{tg} \Phi_i^{\text{BX}} / 2}{\text{tg} \Phi_i / 2 - P_i}; \\ \dots \end{array} \right. \quad (5)$$

Розв'язок такої системи рівнянь реалізується за допомогою «процесу» Зейделя. Для типового випадку відбувається розв'язок за кількість ітерацій меншу за 400 [5]. Оскільки даний метод не обмежений кількістю тонів у сигналі, він розглядається як основа методу уточнення дискретного спектра низькочастотного сигналу, що містить кількість частот меншу за $(N-1)/2$, що є необхідною вимогою теореми Котельникова.

3. Аналіз розрядності алгоритму для ЕОМ з фіксованою точкою. Згідно з підходом [6–10], у випадковому машинному операнді для нерекурсивного алгоритму визначення суми вхідних та додаткових розрядів, необхідних для збільшення розрядності вхідних даних під час обчислення результату із задалегідь визначеною помилкою, визначається як:

$$\hat{x}_{n+m} = 0, b_1, \dots, b_n, a_1, \dots, a_m, \quad (6)$$

з яким здійснюються обчислення, відкидаються m молодших розрядів з подальшим округленням. В результаті такої процедури отримується новий операнд $\hat{x}_n = 0, b_1, \dots, (b_n + a_1)$. Тоді

$$\hat{x}_{n+m} = \hat{x}_n + \Delta \hat{x}. \quad (7)$$

Розрядність вхідних даних може бути обчислена за формулою:

$$\Delta \hat{x} = 2^{-(n_x+1)} \sum_{i=1}^m a_i \cdot 2^{-i} > 2^{-(n_x+1)} \sum_{i=1}^m 2^{-i}, \quad (8)$$

звідки

$$n_x < \log_2 \frac{\sum_{i=1}^m 2^{-i}}{2 \cdot \Delta \hat{x}}, \quad (9)$$

де n_x — розрядність вхідного параметра.

В такому випадку розрядність результату обчислення:

$$n = n_x + \Delta n. \quad (10)$$

Визначення Δn відбувається за допомогою формули:

$$D \hat{x}_m \leq 2\delta \cdot D \hat{x}_c, \quad (11)$$

де δ — певна мала величина, на яку збільшується середньоквадратичне значення спадкової, за умови рівного нулеві математичного сподівання, повної машинної помилки;

$$\Delta \hat{x}_c = \frac{\partial \hat{F}}{\partial \hat{x}} \cdot \Delta \hat{x} \text{ — спадкова помилка;} \quad (12)$$

$$\Delta \hat{x}_m = \frac{\partial \hat{F}}{\partial k} \cdot \Delta k_n + \Delta \hat{\zeta} \text{ — машинна помилка;} \quad (13)$$

$$D \hat{x}_m = \left[\frac{\partial \hat{F}}{\partial \hat{x}} \right]^2 \cdot D \hat{x} \text{ — дисперсія машинної помилки;} \quad (14)$$

$$D \hat{x}_c = \left[\frac{\partial \hat{F}}{\partial k} \right]^2 \cdot D k + D \hat{\zeta} \text{ — дисперсія спадкової помилки;} \quad (15)$$

$\hat{F} \hat{x}_n$ — функціональний оператор перетворення інформації в машині.

3.1. Характеристики точності чисельно-аналітичних методів частотно-фазового аналізу тональних сигналів. Частотно-фазовий аналіз, що проводиться на ЕОМ з плаваючою точкою на базі наведених методів, дозволяє отримати результат з дуже малою помилкою. Однак дешеві сигнальні процесори,

що використовують принцип роботи з фіксованою точкою, цілком придатні для роботи з низькочастотними однотональними сигналами. На підтвердження цього нижче розглянуто розрахунок необхідної розрядності ЕОМ з фіксованою точкою для найпростішого випадку – методу частотно-фазового аналізу однотонального сигналу. Попередньо приймається, що тригонометричні та обернені тригонометричні функції визначаються за допомогою високоточного методу, побудованого на основі відомих методів обчислення елементарних функцій [1–11], тому спадкову помилку можна розглядати рівною нулеві.

Функціональний оператор частотного аналізу:

$$F \left\langle \begin{matrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{matrix} \right\rangle = \frac{N}{2 \cdot \pi} \cdot \frac{d - \bar{x} \cdot g}{1 - \bar{x} \cdot h}, \quad (16)$$

де $\bar{x} = k \cdot \bar{K}$, k — коефіцієнт масштабування; d , g , h — константи, що містяться в пам'яті машини.

В такому випадку $\Delta \bar{x} = \Delta \bar{K} \cdot \bar{k} + \Delta \bar{k} \cdot \bar{K} + \Delta \bar{c}$, а помилка на виході:

$$\Delta \bar{z} = -\frac{N}{2 \cdot \pi} \cdot \frac{-\frac{g}{1 - \bar{x} \cdot h} + \frac{\left\langle \begin{matrix} -\bar{x} \cdot g \cdot h \\ -\bar{x} \cdot h \end{matrix} \right\rangle}{\left\langle \begin{matrix} -\bar{x} \cdot g \\ -\bar{x} \cdot h \end{matrix} \right\rangle}}{\sqrt{1 - \left\langle \begin{matrix} -\bar{x} \cdot g \\ -\bar{x} \cdot h \end{matrix} \right\rangle}} \cdot \Delta \bar{x} + \Delta \bar{c}_1. \quad (17)$$

Таким чином, знаходиться мінімальне значення необхідного запасу розрядної сітки:

$$\Delta n \geq \frac{1}{2} \cdot \log_2 \left(\frac{R}{S} \right), \quad (18)$$

де

$$R = \left(\frac{N}{2\pi} \cdot \frac{-\frac{g}{1 - \bar{x}_{\min} \cdot h} + \frac{\left\langle \begin{matrix} -\bar{x}_{\min} \cdot g \cdot h \\ -\bar{x}_{\min} \cdot h \end{matrix} \right\rangle}{\left\langle \begin{matrix} -\bar{x}_{\min} \cdot g \\ -\bar{x}_{\min} \cdot h \end{matrix} \right\rangle}}{\sqrt{1 - \left\langle \begin{matrix} -\bar{x}_{\min} \cdot g \\ -\bar{x}_{\min} \cdot h \end{matrix} \right\rangle}} \right)^2 + 1, \quad (19)$$

$$S = 2 \cdot \delta \cdot \left(\frac{N}{2\pi} \cdot \frac{-\frac{g}{1 - \bar{x}_{\min} \cdot h} + \frac{\left\langle \begin{matrix} -\bar{x}_{\min} \cdot g \cdot h \\ -\bar{x}_{\min} \cdot h \end{matrix} \right\rangle}{\left\langle \begin{matrix} -\bar{x}_{\min} \cdot g \\ -\bar{x}_{\min} \cdot h \end{matrix} \right\rangle}}{\sqrt{1 - \left\langle \begin{matrix} -\bar{x}_{\min} \cdot g \\ -\bar{x}_{\min} \cdot h \end{matrix} \right\rangle}} \right)^2. \quad (20)$$

Тоді загальна кількість розрядів дорівнює $n > \log_2 \frac{\sum_{i=1}^m 2^{-i}}{2 \cdot \Delta \bar{x}} + \frac{1}{2} \cdot \log_2 \left(\frac{R}{S} \right)$.

Функціональний оператор фазового аналізу:

$$F \left\langle \begin{matrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{matrix} \right\rangle = \frac{u \cdot \text{Im} \left\langle \begin{matrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{matrix} \right\rangle}{v \cdot \text{Re} \left\langle \begin{matrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{matrix} \right\rangle}, \quad (21)$$

де $\bar{x} = k \cdot \bar{K}$, k — коефіцієнт масштабування; u , v — константи, що містяться в пам'яті машини.

Помилка на виході :

$$\Delta \bar{z} = \frac{u \cdot \Delta \bar{x}}{v \cdot \text{Re} \left\langle \begin{matrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{matrix} \right\rangle \cdot \left(1 + \frac{u^2 \cdot \text{Im} \left\langle \begin{matrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{matrix} \right\rangle}{v^2 \cdot \text{Re} \left\langle \begin{matrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{matrix} \right\rangle} \right)} - \frac{u \cdot \text{Im} \left\langle \begin{matrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{matrix} \right\rangle \cdot \Delta \bar{x}}{v \cdot \text{Re} \left\langle \begin{matrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{matrix} \right\rangle^2 \cdot \left(1 + \frac{u^2 \cdot \text{Im} \left\langle \begin{matrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{matrix} \right\rangle}{v^2 \cdot \text{Re} \left\langle \begin{matrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{matrix} \right\rangle} \right)} + \Delta \bar{c}_1. \quad (22)$$

Таким чином, мінімальне значення необхідного запасу розрядної сітки може прийняти один з таких двох виразів:

$$\Delta n_1 \geq \frac{1}{2} \cdot \log_2 \left(\frac{R_1}{S_1} \right), \quad (23)$$

де

(24)

$$R_1 = \left(\frac{u}{v \cdot \operatorname{Re} \epsilon \cdot \left(1 + \frac{u^2 \cdot \operatorname{Im} \epsilon_{\max}}{v^2 \cdot \operatorname{Re} \epsilon} \right)} - \frac{u \cdot \operatorname{Im} \epsilon_{\max}}{v \cdot \operatorname{Re} \epsilon \cdot \left(1 + \frac{u^2 \cdot \operatorname{Im} \epsilon_{\max}}{v^2 \cdot \operatorname{Re} \epsilon} \right)} \right)^2 + 1; \quad (25)$$

$$S_1 = 2 \cdot \delta \cdot \left(\frac{u}{v \cdot \operatorname{Re} \epsilon \cdot \left(1 + \frac{u^2 \cdot \operatorname{Im} \epsilon_{\max}}{v^2 \cdot \operatorname{Re} \epsilon} \right)} - \frac{u \cdot \operatorname{Im} \epsilon_{\max}}{v \cdot \operatorname{Re} \epsilon \cdot \left(1 + \frac{u^2 \cdot \operatorname{Im} \epsilon_{\max}}{v^2 \cdot \operatorname{Re} \epsilon} \right)} \right)^2.$$

Тоді загальна кількість розрядів дорівнює:

$$n > \log_2 \sum_{i=1}^m 2^{-i} + \frac{1}{2} \cdot \log_2 \left(\frac{R_1}{S_1} \right). \quad (26)$$

Висновки. Отримані розрахунки показують, що розрядність 16 біт дозволяє отримувати результат з помилкою $\Delta \bar{x} < 0,01$, тобто досягати практично ідеальної точності. Таким чином, може бути розроблено контролер аналогової апаратури, що має в своєму складі стандартний набір цифрових приладів, таких як постійний запам'ятовувальний пристрій, що містить програму, інтерфейсну частину, що містить 24-розрядне сігма-дельта АЦП та пов'язує контролер з іншими складовими і системою управління приймального пристрою, фільтр низьких частот призначений для відрізання високих частот тонального сигналу, а також власне сигнальний процесор з частотою дискретизації 16 кГц, тоді як час обробки сигналу – 2 мкс.

Список використаної літератури:

1. Байков В.Д. Аппаратурная реализация элементарных функций в ЦВМ / В.Д. Байков, В.Б. Смолов. - Л. : ЛГУ, 1975. - 96 с.
2. Безвербний І.А. Частотний демодулятор з використанням дискретного перетворення Фур'є / І.А. Безвербний // Комп'ютерні засоби, мережі та системи : зб. наук. праць / ред. Романов В.О. та ін. - К. : Інститут Кібернетики, 2004. - 163 с. – С. 72–79.
3. Безвербний І.А. Чисельно-аналітичний метод цифрового фазового аналізу однотональних сигналів / І.А. Безвербний // Комп'ютерні засоби, мережі та системи : зб. наук. праць / ред. Романов В.О. та ін. - К. : Інститут Кібернетики, 2004. - 160 с. – С. 41–47.
4. Безвербний І.А. Рекурсивний метод частотнофазового аналізу двотонального частотно-маніпульованого сигналу / І.А. Безвербний // Математичні машини і системи. – 2006. – № 4. – С. 164–173.
5. Безвербний І.А. Чисельно-аналітичний метод демодуляції тональних сигналів / І.А. Безвербний // УСiМ. – 2005. – № 4. – С. 19–25.
6. Желнов Ю.А. Точностные характеристики управляющих машин / Ю.А. Желнов. - М. : Энергоатомиздат, 1983. - 136 с.
7. Иванов В.В. Общая схема оценки полной погрешности / В.В. Иванов // Точность и надежность кибернетических систем : зб. наук. праць / ред. Доступов Б.Г., Верлань А.Ф. - К. : Наукова думка, 1970. - 176 с. – С. 12–22.
8. Люстерник Л.А. Математический анализ. Вычисление элементарных функций / Л.А. Люстерник, О.А. Червоненкис, А.Р. Янпольский. - М. : ГИФМЛ, 1963. - 248 с.
9. Семотюк М.В. Численно-аналитический метод спектрального анализа тональных сигналов / М.В. Семотюк // УСiМ. – 2001. – № 1. – С. 36–42.
10. Соренков Э.И. Точность вычислительных устройств и алгоритмов / Соренков Э.И., Телига А.И., Шаталов А.С. ; под ред. А.С. Шаталова. - М. : Машиностроение, 1976. - 200 с.
11. Форсайт Дж. Машинные методы математических вычислений / Форсайт Дж., Малькольм М., Моулер К. - М. : Мир, 1980. - С. 280.
12. Jaine V.K. Точные измерения аналоговых сигналов методом быстрого преобразования Фурье с интерполяцией / V.K. Jaine, W.L. Collins, D.C. Davis // IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement. – 1979. – Vol. 28. – № 2. – С. 113–122.

13. *Offelli C.* Interpolation techniques for real-time multifrequency waveform analysis / *C.Offelli, D.Petri* // IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement. – 1990. – № 39. – С. 106–110.
14. *Zhu L.-M.* Noise influence on estimation of signal parameter from the phase difference of discrete Fourier transforms / *L.-M. Zhu, H.-X. Li, H. Ding, Y.-L. Xiong* // IEEE Mechanical Systems and Signal Processing. – 2002. – № 16. – С. 991–1004.

БЕЗВЕРБНИЙ Ігор Анатолійович – кандидат технічних наук, науковий співробітник Інституту кібернетики НАН України.

Наукові інтереси:

– цифровий аналіз тональних сигналів.

Тел.: (044) 526–25–04.

E-mail: harzy@ukr.net

Стаття надійшла до редакції 07.04.2014

Безвербний І.А. Визначення точності алгоритмів цифрового аналізу тональних та політональних сигналів

Безвербный И.А. Определение точности алгоритмов цифрового анализа тональных и политональных сигналов

Bezverbnyi I.A. Determining accuracy of the tonal and polytonal signals digital analysis algorithms

УДК 004.383.3

Определение точности алгоритмов цифрового анализа тональных и политональных сигналов / И.А. Безвербный

В работе рассмотрены проблемы определения точности методов цифрового тонального анализа. Одной из проблем в этой области является явление размытия спектра, в результате которого сигнал не может быть точно идентифицирован на оси частот. Возможным путем решения есть разработка новых цифровых методов фазочастотного анализа, приспособленных к требованиям современной аппаратуры. Целью работы является анализ подходов к определению точности методов, полученных на основе аналитических соотношений, определение машинной ошибки и оптимальных параметров аппаратуры с ограниченной разрядностью. Рассмотрены априорные методы определения частотно-фазовых параметров однотоновых, битональных и политональных сигналов. Сравнительный анализ характеристик точности этих методов дает возможность выбрать оптимальную, а следовательно более дешевую, чем используется сейчас, аппаратуру фазочастотного анализа в реальном времени с заранее определенной ошибкой. Приведен расчет необходимой разрядности ЭВМ с фиксированной точкой в частности методов, позволяющих точно определять частотно-фазовые параметры сигналов, состоящих из гармонических составляющих.

Ключевые слова: разрядная сетка, характеристики точности, тональный анализ.

УДК 004.383.3

Determining accuracy of the tonal and polytonal signals digital analysis algorithms / I.A. Bezverbnyi

The problems of accuracy determining for a set of tonal analysis methods are considered. One of the problems in this area is the phenomenon of blurring of the spectrum in which the signal cannot be clearly identified on the frequency axis. A possible solutions appears to be the development of new digital phase-frequency analysis methods adapted to the requirements of modern equipment. The aim is to analyze approaches to determine the accuracy of the methods derived from analytical relations, the error determining and the optimal parameters of the equipment with the limited bit. Apriori methods for determining the frequency and phase parameters of the single-tone, bi-tone and poli-tone signals are described. Comparative analysis of the accuracy characteristics of these methods makes it possible to select the optimum, and therefore cheaper than currently used, the equipment for phase-frequency real-time analysis with the predefined error. Calculation of the required bit for fixed-point computers is made for the methods which allow calculating exactly the frequency and phasing parameters of a signal consisting of harmonic components.

Keywords: bit net, performance accuracy, tonal analysis.